

# פיזיקה למתמטיקאים אוסילטור הרמוני קוונטי

$|\psi\rangle = 5|0\rangle + 3|1\rangle - 2|2\rangle$  הנקרא ע"י <sup>1</sup>.  
 כאשר  $i = 0, 1, 2$ ,  $|i\rangle$  שלושת המצבים העצמיים הראשונים של האוסילטור.

(א) אילו ערכים ניתנים לקבל במדידה בודדת של הארגינית של החלקיק ?  
 $E_0 = \hbar\omega/2, E_1 = 3\hbar\omega/2, E_2 = 5\hbar\omega/2$

(ב) מהן ההסתברויות לקבל ערכים אלו ?  
 נורמל את פונקציית הגל ונקבל  $|\phi\rangle = |\psi\rangle/\sqrt{\langle\psi|\psi\rangle} = |\psi\rangle/\sqrt{38}$   
 $Pr(E = E_0) = |\langle 0|\phi\rangle|^2 = 25/38, Pr(E = E_1) = |\langle 1|\phi\rangle|^2 = 9/38,$   
 $Pr(E = E_2) = |\langle 2|\phi\rangle|^2 = 4/38$

(ג) חשבו את ערכי התוחלת  $\hat{V}, \hat{T}, \hat{H}$  (בלי לחשב אינטגרלים)  
 נחשב תחילה את התוחלת של האנרגיה.  
 $\langle \hat{H} \rangle = \sum_{i=0}^2 Pr(E = E_i)E_i = 18\hbar\omega/19$ .  
 בעת, ע"פ המשפט הוייריאלי  
 $\langle \hat{H} \rangle = \langle \hat{T} + \hat{V} \rangle = \langle \hat{T} \rangle + \langle \hat{V} \rangle = 2\langle \hat{T} \rangle = 2\langle \hat{V} \rangle$   
 $\langle \hat{T} \rangle = \langle \hat{V} \rangle = \langle \hat{H} \rangle/2 = 9\hbar\omega/19$  ולכן