

תרגול 5 פרבולה ומעגל ללא משיק

שאלה 1 מתוך חורף 2018 (שאלון 582 ו- 807 בגרות במתמטיקה)

נתונות הנקודות $D(9,0)$, $B(19,0)$, $A(0,0)$.

א. מצא את משוואת המוקם הגיאומטרי שלוי נמצאות הנקודות C, שעבורן CD הוא חוצה צוית

במשולש ABC.

ב. מהו השטח הגדול ביותר של משולש ABC שבננה באופן המתואר בסעיף א'?

ג. מצא את שיעורי שתי הנקודות C שעבורן הצלע BC במשולש ABC משיקה למקום הגיאומטרי

שאת משוואותיהם מצאת בסעיף א'.

תוכל להשאיר שורש בתשובהך.

פתרון: א. $C\left(0,-\sqrt{1539}\right)$ או $C\left(0,\sqrt{1539}\right)$ ב. 855 יח"ר ג. $(x+81)^2 + y^2 = 8100$

שאלה 1 מתוך קיץ 2017 מועד ב' (שאלון 807 בגרות במתמטיקה)

נתונה הנקודה $A(20,0)$.

B היא נקודה שנמצאת על ציר ה- y ואין לה ראשית הצירים.

דרך הנקודה B מעבירים ישר ℓ_1 , המקביל לציר ה- x.

דרך ראשית הצירים, O, מעבירים ישר, ℓ_2 , שמאונך לישר AB.

הישרים ℓ_1 ו- ℓ_2 נחתכים בנקודה C.

א. הוכיח שהמקום הגיאומטרי של הנקודות C הנבנות כמתואר נמצא על פרבולה, ומצא את משוואתה.

ב. D היא נקודה כלשהי הנמצאת על הפרבולה שאת משוואתה מצאת בסעיף א'. הנקודה F היא מוקד הפרבולה.

נתון הישר $k = x$. $0 < k < 4$ הוא פרמטר.

דרך הנקודה D העבירו ישר המקביל לציר ה- x וחوتוך את הישר $k = x$ בנקודה N.

ק'ים ערך של k שעבורו כל משולש NDF שבננה כמתואר הוא שווה שוקיים.

(1) מצא את הערך של K. נמק.

(2) נתון: נקודה D נמצאת בربיע הראשוני.

מצא את שיעורי הנקודה D שעבורה המשולש NDF הוא שווה צלעות.

פתרון: א. $D\left(15,10\sqrt{3}\right)$ ב. 1. $k = -5$ ג. $y^2 = 20x$